

Cálculo de derivadas

1. Hallar la derivada de las siguientes funciones:

- a. $f(x) = \frac{2}{3}x^3 + x^2 \sqrt[3]{x^5}$
- b. $f(x) = \frac{(3x-1)^4}{2x+3}$
- c. $f(x) = e^{-x^2+2x-3}$
- d. $f(x) = \operatorname{sen}^2(2x^2-1)$
- e. $f(x) = xe^x \operatorname{sen} x$
- f. $f(x) = \log_5(x^2+3)$
- g. $f(x) = \operatorname{Ln}(e^x + \sqrt{e^{2x}-1})$
- h. $f(x) = 2^{\cos^3 x - 3\cos x}$
- i. $(1-x^2)^5 (\operatorname{Arcsen} 3x)^3$
- j. $f(x) = x^{3x}$
- k. $f(x) = \operatorname{Ln}(\operatorname{Ln}(\operatorname{Ln} x))$
- l. $f(x) = x^3 \operatorname{Ln} x - \frac{1}{\sqrt{x}} \tan x$
- m. $f(x) = \operatorname{Ln} \frac{x^2-1}{x+2}$
- n. $f(x) = \arctan \sqrt{6x-1}$
- o. $f(x) = \frac{2^{2x}}{3^{3x}}$

- p. $f(x) = \frac{x^3 \operatorname{sen} x}{\operatorname{Ln} x}$
- q. $f(x) = \cos^2 \sqrt[3]{x+(3+x)^2}$
- r. $f(x) = \arctan \sqrt{\frac{1-x}{1+x}}$
- s. $f(x) = \frac{x + \cos \sqrt{x}}{x - \cos x^{1/2}}$
- t. $f(x) = x\sqrt{a^2-x^2} + a^2 \operatorname{arcsen} \frac{x}{a}$
- u. $f(x) = x^{\operatorname{sen} x}$
- v. $f(x) = \sqrt{\cos^3(5x-3)^2}$
- w. $f(x) = \arctan \frac{\operatorname{sen} x}{1+\cos x}$
- x. $f(x) = \operatorname{Ln} \sqrt{\frac{1-\cos x}{1+\cos x}}$
- y. $f(x) = \operatorname{Ln} \left(\sqrt{\frac{1+x}{1-x}} \right) + \arctan x$
- z. $f(x) = \operatorname{arcsen} \frac{x^2-1}{x^2+1}$

2. Si $f(x) = \begin{cases} 3 & \text{si } x < -2 \\ x+5 & \text{si } -2 \leq x \leq 2 \\ x^2-3x & \text{si } x > 2 \end{cases}$ hallar $f'(-2)$ y $f'(2)$.

3. Estudiar la derivada de la función $f(x) = |2x-4|$ en $x=2$.

4. Determinar a y b para que $f(x) = \begin{cases} ax+b & \text{si } x \leq 0 \\ x^5+2x & \text{si } x > 0 \end{cases}$ sea continua y derivable.

5. Un punto recorre en línea recta la distancia, expresada en metros, $e = \frac{1}{3}t^3 - 9t$ en t segundos. Hallar su aceleración en el momento que la velocidad se anula.
6. Hallar la ecuación de la recta tangente a la curva $y = \frac{2}{x-3}$ en el punto de abscisa 1.
7. Sea C la curva de ecuación $y = \frac{x+1}{x-1}$. Hallar el área del triángulo determinado por el eje de abscisas y por las rectas tangentes y normal a C en el punto de abscisa 2.
8. ¿En qué puntos de la curva $y = 3x^4 - 4x^3 - 36x^2 + 7$ la tangente es paralela al eje de abscisas?
9. Hallar los ángulos que forman las parábolas $y = 3x^2 - 5x + 6$ e $y = 2x^2 + x + 1$ en sus puntos de intersección.
10. Hallar los puntos de la gráfica de la función $y = x^3 - 3x$ en los que la recta tangente es horizontal.
11. Determinar las tangentes a la circunferencia $x^2 + y^2 = 25$ en los puntos de abscisa cero.
12. Una cierta población crece de acuerdo con la ecuación $y = 1 + 0.2e^{0.1t}$ donde t es tiempo en meses e y es el número de individuos en miles. Calcular la velocidad de crecimiento de la población al cabo de 24 meses.
13. Calcular la ecuación de la tangente a $x^y y^x - 1 = 0$ en el punto P(1,1).
14. Hallar la ecuación de la recta tangente a las siguientes curvas en los puntos que se indican:
 - a. $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$ en $x = 0$.
 - b. $(x-2)^2 + (y-3)^2 = 4$ en $x = 2$.
 - c. $x^2 - 2y^2 - 2x - 7 = 0$ en $x = 3$.
15. Hallar las derivadas de orden 1, 2 y 3 de la función $f(x) = 3x^3 + 2x^2$.
16. Hallar la derivada n-ésima de la función $f(x) = e^{3x}$.
17. Calcular el valor de a para que $f'(4) = 2$, siendo $f(x) = \frac{x^3 + a}{3x}$.
18. ¿Para qué valor de x se anula la derivada de $y = \frac{e^x}{1+e^x}$? ¿Y la segunda derivada?
19. Determinar h en $f(x) = \frac{x^2 + h}{x^2 - h}$, si $f''(2) = 0$.
20. Hallar la pendiente de la tangente a la curva $y = \text{Ln}(x + \sqrt{1+x^2})$ en $x = 3$.
21. La parábola $f(x) = x^2 + bx + c$ es tangente a la recta $y = x$ en (1,1). Hallar la ecuación de la recta tangente a la parábola en $(2, f(2))$.